

A função F definida de $[0,1]$ em $[0,1]$ e dada por $F(x) = x/a$ se $x < a$ e $a(x-a)/(1-a)$ se $x > a$, onde a pertence a $(0,1)$ é usada em áreas como probabilidade e mecânica estatística, podendo representar uma partícula que estando no compartimento 1 tem probabilidade a de ficar e $1-a$ de pular para o compartimento 2, mas estando neste último volta ao primeiro com probabilidade 1. Tal função apresenta o fenômeno da dependência sensível nas condições iniciais, de forma que após um certo número k de iterações a previsão, mesmo que aproximada, da localização do k -ésimo iterado é muito difícil. O trabalho objetiva encontrar uma medida de probabilidade invariante e ergódica para tal função, o que permite o cálculo das esperanças, variâncias e covariância das variáveis aleatórias x e $F^k(x)$, através da substituição das médias temporais pelas médias espaciais em relação à nova medida, e o cálculo do coeficiente de correlação da sequência $\{(x_0, F^k(x_0)), (F(x_0), F^{k+1}(x_0)), \dots\}$, que deve ir a zero a medida que k cresce, como é mostrado em tabelas para diferentes valores de a . O cálculo da integral de $x.F^k(x)$ foi uma das dificuldades enfrentadas, pois necessitamos da expressão analítica de $F^k(x)$, o que não é disponível, a não ser através de uma fórmula de recorrência que relaciona o k -ésimo iterado de F com seus iterados anteriores. (PIBIC - CNPq / UFRGS).